

## GUESSRT: Guess It Right

*Легенда, описанная далее, переформулирована и упрощена переводчиком, чтобы читатель мог лучше понять условие задачи. Оригинальную легенду вы можете прочитать на странице задачи в контексте.*

### **Условие:**

Шеф играет в игру против мага. В этой игре перед шефом изначально есть  $N$  одинаковых коробок, и одна из них содержит волшебную таблетку - после употребления этой таблетки вы никогда больше не получите ошибок компиляции.

Шеф должен определить, в какой коробке находится таблетка. Ему разрешается выполнить не более  $M$  ходов. На каждом ходу шеф может выполнить одно из следующих действий:

Выбрать одну из коробок, которые лежат перед ним равномерно случайным образом, и предположить, что эта коробка содержит таблетку. Если предположение верно, игра заканчивается, и шеф получает таблетку. В противном случае, после этого предположения, маг добавляет  $K$  пустых коробок перед шефом таким образом, что шеф не может определить, какие коробки были добавлены; Коробка, на которую указал шеф в предположении, также остается перед ним, и Шеф не может отличить эту коробку от других коробок в последующих ходах.

Выбрать число  $X$ , такое, что  $X$  является положительным и кратным  $K$ , но строго меньшим, чем текущее количество ящиков перед шефом. Затем маг удаляет  $X$  пустых коробок. Конечно, Шеф не должен выполнять этот ход, если текущее количество ящиков меньше либо равно  $K$ .

Какова вероятность того, что шеф получит таблетку, предполагая, что он играет оптимально - таким образом, чтобы максимизировать эту вероятность? Можно доказать, что максимальная вероятность может быть выражена в виде дроби  $\frac{P}{Q}$ , где  $P$  и  $Q$  являются взаимно простыми положительными целыми числами. Вы должны вычислить  $P \cdot Q^{-1}$  по модулю  $10^9 + 7$ , где  $Q^{-1}$  обозначает число обратное  $Q$  по модулю  $10^9 + 7$ .

### **Формат ввода:**

Первая строка ввода содержит одно целое число  $T$ , обозначающее количество тестовых случаев. Описание  $T$ -тестов приведено ниже.

Первая и единственная строка каждого теста содержит три целых числа, разделенных пробелами:  $N$ ,  $K$  и  $M$ .

### **Формат вывода:**

Для каждого теста выведите одну строку, содержащую одно целое число -  $P \cdot Q^{-1}$  по модулю  $10^9 + 7$ .

### **Ограничения:**

- $1 \leq T \leq 10^5$
- $1 \leq N \leq K \leq 3 \cdot 10^4$
- $1 \leq M \leq 3 \cdot 10^4$

### **Подзадачи:**

**Подзадача 1 (20 баллов):**

- $1 \leq T \leq 100$
- $1 \leq N < K \leq 50$
- $1 \leq M \leq 50$

**Подзадача 2 (20 баллов):**

- $1 \leq T \leq 1000$
- $1 \leq N < K \leq 100$
- $1 \leq M \leq 100$

**Подзадача 3 (60 баллов):**

- нет дополнительных ограничений

**Примеры тестов:**

**Входные данные:**

```
3
5 9 1
7 9 2
3 20 3
```

**Выходные данные:**

```
400000003
196428573
555555560
```

**Пояснения:**

**Пример 1:** у шефа есть только один ход, поэтому он должен сделать предположение, которое является правильным с вероятностью  $1/5$ . Обратите внимание: если предположение неверно, перед шефом будет 14 коробок.

**Пример 2:** На своем первом ходу шеф должен сделать предположение. С вероятностью  $1/7$  это предположение верно. С вероятностью  $6/7$  это неверно, и перед шефом будет 16 коробок.

На втором своем ходу шеф должен снова сделать предположение, которое является правильным с вероятностью  $1/16$ . Вероятность того, что хотя бы одно из предположений Шеф-повара было верным, составляет  $\frac{1}{7} + \frac{6}{7} \cdot \frac{1}{16} = \frac{22}{112} = \frac{11}{56}$ .

**Пример 3:** На первом ходу шеф- должен сделать предположение, которое является правильным с вероятностью  $1/3$ . На втором ходу шеф-повар должен попросить мага убрать  $X = 20$  коробок, оставив ему снова 3 коробки. На третьем ходу он должен сделать предположение, которое снова верно с вероятностью  $1/3$ . Итоговая вероятность  $5/9$ .