

S.S.L.C. EXAMINATION, MARCH-2013
MATHEMATICS

Time: 2½ Hours

Total Score : 80

1. സമാന്തരശ്രേണി = 11, __, 19, __,

ഇവിടെ 11 ന്റെയും 19 ന്റെയും തുകയുടെ പകുതി ആയിരിക്കും രണ്ടാമത്തെ സംഖ്യ.

$$\therefore \text{രണ്ടാമത്തെ സംഖ്യ} = \frac{11+19}{2}$$

$$= \frac{30}{2} = 15$$

$$\text{പൊതുവ്യത്യാസം} = 15-11=4$$

$$\text{നാലാമത്തെ സംഖ്യ} = 19+4=23$$

$$\text{സമാന്തരശ്രേണി} = 11, 15, 19, 23, \dots$$

2. $P(x) = 3x^3 - 2x^2 + kx - 6$

$(x-2) P(x)$ ന്റെ ഒരു ഘടകമായതിനാൽ

$$P(2) = 0$$

$$\text{ie, } P(2) = 3 \times 2^3 - 2 \times 2^2 + k \times 2 - 6 = 0$$

$$= 3 \times 8 - 2 \times 4 + 2k - 6 = 0$$

$$= 24 - 8 + 2k - 6 = 0$$

$$= 24 - 14 + 2k = 0$$

$$= 10 + 2k = 0$$

$$2k = -10$$

$$k = \frac{-10}{2} = -5$$

3. B യിലൂടെയുള്ള തൊട്ടുവരയാണ് Y അക്ഷം.

$$\text{കൂടാതെ } OB = AC = 4 \text{ (C കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിന്റെ ആരം } AC = 4)$$

$$\therefore B \text{ യുടെ സൂചക സംഖ്യ} = B(0,4)$$

$$C \text{ കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിലെ ആരങ്ങളാണ് } BC, AC \text{ (} BC = AC = 4)$$

∴ C യുടെ സൂചകസംഖ്യ = C (4,4)

4. a. കറുത്ത മുത്തുകളുടെ എണ്ണം = $18 \times \frac{1}{3} = 6$

b. വെളുത്ത മുത്തുകളുടെ എണ്ണം = $18 - 6 = 12$

c. x മുത്തുകൾ കൂടി ഇട്ടാൽ കറുത്ത മുത്ത് എടുക്കാനുള്ള സാധ്യത $\frac{1}{4}$ ആകും.

I, $(18+x) \times \frac{1}{4} = 6$

$18+x = 24$

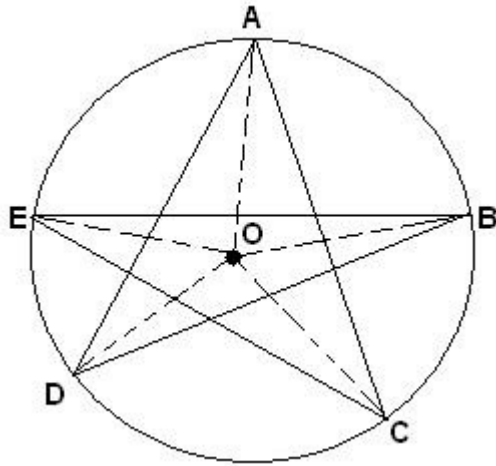
$x = 24 - 18 = 6$

ie, 6 വെളുത്ത മുത്തുകൾ കൂടി ഇട്ടാൽ കറുത്ത മുത്ത് എടുക്കാനുള്ള സാധ്യത $\frac{1}{4}$ ആകും.

5.

രൂക്കം (കിലോ ഗ്രാമിൽ)	ആളുകളുടെ എണ്ണം	വിഭാഗ മധ്യരൂക്കം	ആകെ
20-30	16	25	$25 \times 16 = 400$
30-40	21	35	$35 \times 21 = 735$
40-50	28	45	$45 \times 28 = 1260$
50-60	24	55	$55 \times 24 = 1320$
60-70	11	65	$65 \times 11 = 715$
ആകെ	100		4430

മാധ്യം = $\frac{4430}{100} = 44.30$



6.

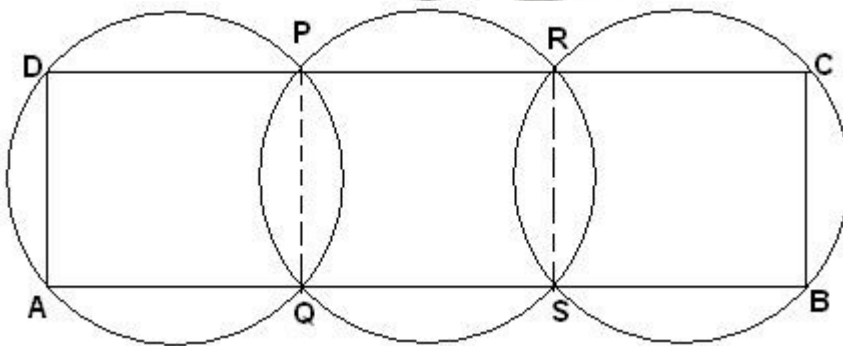
ചിത്രത്തിലെ വൃത്തകേന്ദ്രം O അടയാളപ്പെടുത്താം. A, B, C, D, E എന്നീ ബിന്ദുക്കൾ വൃത്തകേന്ദ്രവുമായി യോജിപ്പിച്ചു വരച്ചിരിക്കുന്നു. വൃത്തത്തിലെ ഏതൊരു ചാപത്തിന്റെ കോണം അതിന്റെ മറ്റു ചാപത്തിലെ കേന്ദ്രകോണിന്റെ പകുതി ആയിരിക്കും.

$$= \frac{1}{2} \times (360^\circ) \text{ (വൃത്തകേന്ദ്രത്തിനു ചുറ്റുമുള്ള കോണുകളുടെ തുക=360)}$$

$$= \frac{1}{2} \times 360^\circ = 180^\circ$$

$$\text{ie, } \angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E = 180^\circ$$

അല്ലെങ്കിൽ



ചിത്രത്തിൽ PQ, RS ഇവ യോജിപ്പിക്കുക.

$$\angle D = x \text{ ആയാൽ}$$

$$\angle AQP = 180^\circ - x \text{ (ചക്രീയ ചതുർഭുജം AQPD യുടെ എതിർ കോണുകൾ അനുപൂരകം)}$$

$$\angle PQS = 180 - (180 - x) \text{ (}\angle AQP, \angle PQS \text{ ഇവ രേഖീയ ജോഡി കോണുകൾ ആണ്)}$$

ie, $\angle PQS = x$

ചക്രിയചതുർഭുജം PQRS ൽ $\angle PQS = x$

ആയതിനാൽ $\angle PRS = 180 - x$

$\angle PRS$, $\angle SRC$ ഇവ രേഖീയജോഡി കോണുകൾ ആയതിനാൽ

$$\angle SRC = 180 - \angle PRS$$

$$= 180 - (180 - x) = x$$

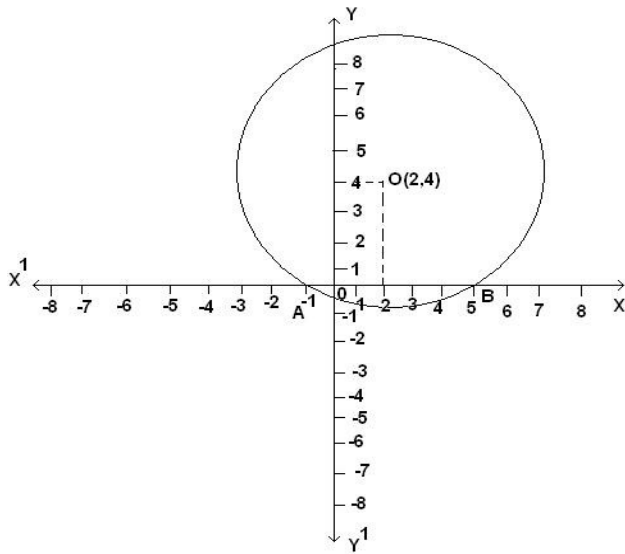
ചക്രിയ ചതുർഭുജം SRCB യിൽ $\angle SRC = x$

ആയതിനാൽ $\angle B = 180 - x$

$$\angle B = 180 - x \text{ ഉം } \angle D = x$$

$$\angle D + \angle B = x + 180 - x = 180^\circ$$

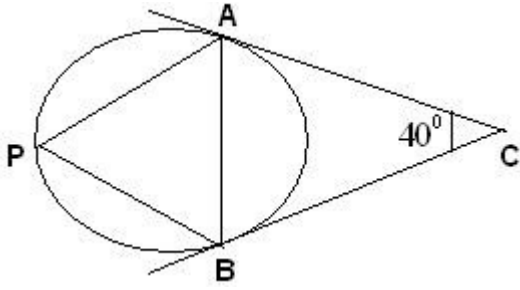
ചതുർഭുജം ABCD യുടെ എതിർകോണുകൾ അനുപൂരകമായതിനാൽ \square ABCD ഒരു ചക്രിയ ചതുർഭുജമാണ്.



7.

a. വൃത്തം $(2, 0)$ എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂടി കടന്നു പോകുന്നില്ല. $(2, 0)$ എന്ന ബിന്ദു വൃത്തത്തിനുള്ളിലാണ് വരുന്നത്.

b. വൃത്തം x അക്ഷത്തെ ഖണ്ഡിക്കുന്ന ബിന്ദുക്കൾ = A $(-1, 0)$, B $(5, 0)$



8.

$$\angle C = 40^\circ$$

$$AC = BC$$

$$\therefore \angle A = \angle B = \frac{180 - 40}{2} = 70^\circ$$

AB എന്ന ഞാണം BC എന്ന തൊടുവരയും തമ്മിലുള്ള കോൺ $\angle ABC$ യും ഞാണിന്റെ മറുവശത്തുള്ള വൃത്തഖണ്ഡമായ APB യിലെ P എന്ന ബിന്ദുവിലുള്ള കോണിന് തുല്യമാണ്.

$$\therefore \angle ABC = \angle P$$

$$\therefore \angle P = 70^\circ$$

$\angle PAB = \angle PBA$ (PA=PB തുല്യവശങ്ങൾക്കു എതിരെയുള്ള കോണുകൾ തുല്യം)

$$\therefore \angle PAB = \angle PBA = \frac{180 - 70}{2}$$

$$= \frac{110}{2} = 55^\circ$$

ΔPAB യുടെ കോണളവുകൾ

$$\angle P = 70^\circ, \angle PAB = 55^\circ, \angle PBA = 55^\circ$$

9. n പദങ്ങളുടെ തുക = $5n^2 + 2n$

a. ഈ ശ്രേണിയിലെ ആദ്യത്തെ രണ്ടു പദങ്ങളുടെ തുക = $5(2)^2 + 2 \times 2$

$$= 5 \times 4 + 2 \times 2$$

$$= 20 + 4$$

$$= 24$$

b. ആദ്യപദം = $5 \times 1^2 + 2 \times 1$

$$= 5 + 2 = 7$$

രണ്ടു പദങ്ങളുടെ തുക = 24, ആദ്യപദം = 7

$$\therefore \text{രണ്ടാം പദം} = 24-7=17$$

ശ്രേണിയിലെ ആദ്യ രണ്ടു പദങ്ങൾ = 7, 17

10. മട്ടത്രികോണത്തിന്റെ ഒന്നാമത്തെ ലംബവശം=x സെ.മീ.

രണ്ടാമത്തെ ലംബ വശം =x +6 സെ.മീ.

ത്രികോണത്തിന്റെ പരപ്പളവ്=36 ചതുരശ്രസെന്റി മീറ്റർ

$$\text{ie, } \frac{1}{2}x(x+6) = 36$$

$$\frac{x(x+6)}{2} = 36$$

$$x^2 + 6x = 72$$

$$x^2 + 6x - 72 = 0$$

$$x = \frac{-6 \pm \sqrt{6^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-6 \pm \sqrt{36 - 4 \times 1 \times 12}}{2}$$

$$= \frac{-6 \pm \sqrt{324}}{2} = \frac{-6 \pm 18}{2}$$

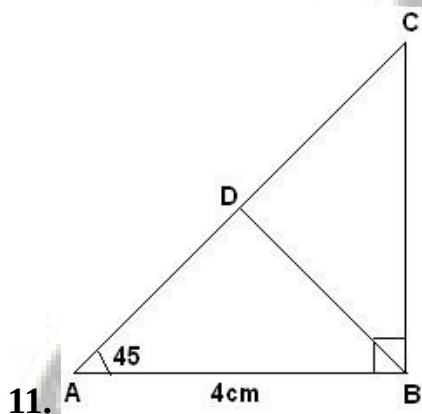
$$x = \frac{-6+18}{2} \text{ or } x = \frac{-6-18}{2}$$

$$x = 6 \text{ or } -12$$

x നീളമായതിനാൽ x =6

ഒന്നാമത്തെ ലംബവശം =6 സെ.മീ.

രണ്ടാമത്തെ ലംബവശം =6+6=12 സെ.മീ.



ΔABC മട്ടത്രികോണത്തിൽ

AB = 4 സെ.മീ.

$\angle A = 45^\circ$

AC യുടെ മധ്യബിന്ദുവാണ് D.

BD \perp B യെ തുല്യമായി വിഭജിക്കുന്നു.

ie, $\angle ABD = \angle DBC = 45^\circ$

$\angle A$ യുടെ എതിർവശമാണ് BD കൂടാതെ $\angle D = 90^\circ$

എതിർവശം / കർണം = $\sin 45^\circ$

$$\frac{BD}{AB} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{BD}{4} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$BD = \frac{4}{\sqrt{2}} = \frac{4\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{4\sqrt{2}}{2}$$

$$= 2\sqrt{2} = 2 \times 1.414$$

$$= 2.828 \text{ Cm}$$

അതുപോലെ

$$\frac{AD}{AB} = \sin 45^\circ$$

$$\frac{AD}{4} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$AD = \frac{4}{\sqrt{2}} = \frac{4\sqrt{2}}{2}$$

$$= 2.828 \text{ Cm}$$

$\therefore AC = 2 \times AD$ (D AC യുടെ മധ്യബിന്ദു)

$AC = 2 \times 2.828 = 5.656$ സെ.മീ.

$\triangle ABC$ യിൽ $\angle A = 45^\circ$ AC = കർണം

BC $\angle A$ യുടെ എതിർവശം

$$\frac{BC}{AC} = \sin 45^\circ$$

$$\frac{BC}{5.656} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

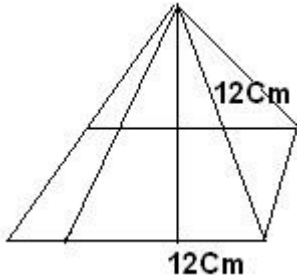
$$BC = \frac{5.656}{\sqrt{2}} = \frac{5.656 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$$
$$= \frac{5.656 \times 1.414}{2} = 3.9987 = 4 \text{ Cm.}$$

∴ BC = 4 സെ.മീ.

AC = 5.656 സെ.മീ.

BD = 2.828 സെ.മീ.

12. a. സമചതുര സ്തൂപികയുടെ എല്ലാ വക്കുകളുടെയും നീളം = 12 സെ.മീ.



പാർശ്വമുഖത്തിന്റെ ഉയരം

$$= \sqrt{12^2 - 6^2}$$

$$= \sqrt{144 - 36}$$

$$= \sqrt{108}$$

$$= 6\sqrt{3}$$

പാർശ്വമുഖത്തിന്റെ പരപ്പളവ്

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{2}bh \\
 &= \frac{1}{2}12 \times 6\sqrt{3} \\
 &= 6 \times 6\sqrt{3} \\
 &= 36\sqrt{3} \\
 &= 62.28 \quad \text{ചതുരശ്രസെന്റീമീറ്റർ}
 \end{aligned}$$

b. സ്തൂപികയുടെ ഉപരിതല പരപ്പളവ് = $4 \times$ പാർശ്വമുഖപരപ്പളവ് + സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ്

പാർശ്വമുഖ പരപ്പളവ്

$$\begin{aligned}
 &= 4 \times \frac{1}{2}bh \\
 &= 4 \times 36\sqrt{3} \\
 &= 144\sqrt{3} \quad \text{ചതുരശ്രസെന്റീമീറ്റർ}
 \end{aligned}$$

സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ്

$$\begin{aligned}
 &= a^2 \\
 &= 12 \times 12 \\
 &= 144 \text{ ച.സെ.മീ.}
 \end{aligned}$$

\therefore സ്തൂപികയുടെ ഉപരിതല പരപ്പളവ്

$$\begin{aligned}
 &= 144 \times \sqrt{3} + 144 \\
 &= 144 \times 1.73 + 144 \\
 &= 393.12 \quad \text{ചതുരശ്ര സെന്റീമീറ്റർ}
 \end{aligned}$$

c. സ്തൂപികയുടെ വക്കുകളുടെ നീളം ഇരട്ടിയാക്കിയാൽ

ഉപരിതല പരപ്പളവ് നാല് മടങ്ങാകും.

13. a. സമാന്തരശ്രേണി = 1,4,7,10,

ആദ്യപദം = 1

പൊതുവ്യത്യാസം = $4 - 1 = 3$

ശ്രേണിയുടെ ബീജഗണിതരൂപം

$$x_n = 3n - 2$$

b. 100 ശ്രേണിയിലെ ഒരു പദമാണ്

100 നെ പൊതുവ്യത്യാസമായ് കൊണ്ട് ഹരിക്കുമ്പോൾ കിട്ടുന്ന ശിഷ്യം ശ്രേണിയിലെ മറ്റു പദങ്ങളെ പൊതുവ്യത്യാസമായ് കൊണ്ട് ഹരിക്കുമ്പോൾ കിട്ടുന്ന ശിഷ്യത്തിന് തുല്യമാണ്.

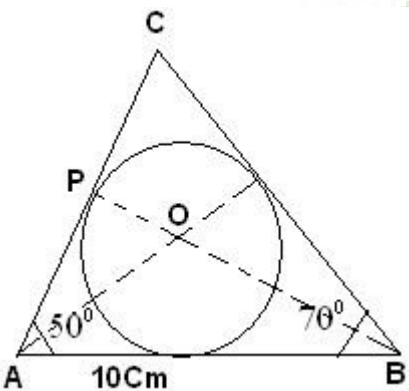
ie, $\frac{4}{3}$ യുടെ ശിഷ്യം = 1

$\frac{7}{3}$ യുടെ ശിഷ്യം = 1

$\frac{100}{3}$ യുടെ ശിഷ്യം = 1

ഒരു സമാന്തര ശ്രേണിയിലെ ഏതൊരു പദത്തെയും പൊതുവ്യത്യാസം കൊണ്ട് ഹരിക്കുമ്പോൾ കിട്ടുന്ന ശിഷ്യം തുല്യമായിരിക്കും.

c. സമാന്തരശ്രേണിയിലെ പദങ്ങളുടെ വർഗ്ഗങ്ങൾ 1, 16, 49, 100 എന്നിങ്ങനെയാണ്. ഈ സംഖ്യകളെയും പൊതുവ്യത്യാസമായ് കൊണ്ട് ഹരിക്കുമ്പോൾ കിട്ടുന്ന ശിഷ്യം 1 ആയതിനാൽ പദങ്ങളുടെ വർഗ്ഗങ്ങളും സമാന്തരശ്രേണിയിലെ പദങ്ങളാണ്.



14. a. ΔABC യുടെ അന്തർവൃത്തത്തിന്റെ ആരം
 $OP = 2.8$ സെ.മീ.

15. a. $P(x) = 6x^3 + 3x^2$
 $(x+1)$ ഘടകമായാൽ

$x = -1$ ആയാൽ

$$P(-1) = 6 \times (-1)^3 + 3 \times (-1)^2$$

$$= 6 \times -1 + 3 \times 1$$

$$= -6 + 3 = -3$$

$$P(-1) \neq 0$$

$\therefore (x+1)$ ഒരു ഘടകമല്ല.

b. $P(x)$ നോട് $ax+b$ കൂട്ടിയാൽ (x^2-1) ഘടകമായ ബഹുപദം കിട്ടുമെന്നിരിക്കട്ടെ.

അതായത്

$$P(x) = 6x^3 + 3x^2 + ax + b$$

(x^2-1) ഘടകമായതിനാൽ $(x-1)$, $(x+1)$ ഇവ ഘടകമായിരിക്കും.

$(x-1)$ ഘടകമായാൽ

$$P(1) = 6 \times 1^3 + 3 \times 1^2 + a \times 1 + b = 0$$

$$= 6 + 3 + a + b = 0$$

$$= 9 + a + b = 0 \quad \text{1}$$

$(x+1)$ ഘടകമായാൽ

$$P(-1) = 6 \times (-1)^3 + 3 \times (-1)^2 + a \times -1 + b = 0$$

$$= -6 + 3 - a + b = 0$$

$$= -3 - a + b = 0 \quad \text{2}$$

ഒന്നാമത്തെ സമവാക്യത്തിൽ നിന്നും രണ്ടാമത്തെ സമവാക്യം കുറച്ചാൽ

$$9 + a + b = 0 -$$

$$3 - a + b = 0$$

$$\hline 12 + 2a = 0$$

$$a = \frac{-12}{2} = -6$$

a യുടെ വില ഒന്നാമത്തെ സമവാക്യത്തിൽ കൊടുത്താൽ

$$9 - 6 + b = 0$$

$$b = -3$$

അതായത് $ax+b = -6x -3$ കൂട്ടിയാൽ (x^2-1) ബഹുപദമായ ഘടകം കിട്ടും.

അല്ലെങ്കിൽ

a. $q(x)$ നെ $(x-a)$ കൊണ്ട് ഹരിക്കുമ്പോൾ കിട്ടുന്ന ഹരണഫലം $P(x)$ എന്നിരിക്കട്ടെ ശിഷ്യം $=k$

$$\therefore q(x) = P(x) \times (x-a) + K$$

$$q(a) = P(a) \times (a-a) + K$$

$$= P(a) \times 0 + K = K$$

അതായത് $q(a) = K$

b. $q(x)$ നെ $(x-a)$ കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ ശിഷ്യം $= K$

ഹരണഫലം $P(x)$ എന്നിരിക്കട്ടെ.

അതുപോലെ $r(x)$ നെ $(x-a)$ കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ ശിഷ്യം $-K$ ഹരണഫലം $M(x)$ എന്നിരിക്കട്ടെ.

$$\therefore q(x) = P(x) \times (x-a) + K$$

$$r(x) = m(x) \times (x-a) - K$$

$$\therefore q(x) + r(x) = P(x) \times (x-a) + K + m(x) \times (x-a) - K$$

$(x-a) q(x) + r(x)$ ന്റെ ഘടകമായാൽ

$$q(a) + r(a) = P(a) \times (a-a) + K + m(a) \times (a-a) - K$$

$$= P(a) \times 0 + K + m(a) \times 0 - K$$

$$= K - K = 0$$

$\therefore q(x) + r(x)$ എന്ന ബഹുപദത്തിന്റെ ഘടകമാണ് $(x - a)$

16.

വൈദ്യുത ചാർജ്ജ് (രൂപയിൽ)	കുടുംബങ്ങളുടെ എണ്ണം
200 നേക്കാൾ കുറവ്	8
400 നേക്കാൾ കുറവ്	20
600 നേക്കാൾ കുറവ്	41

800 നേക്കാൾ കുറവ്	71
1000 നേക്കാൾ കുറവ്	94
1200 നേക്കാൾ കുറവ്	100

സംഖ്യകൾ തമ്മിലുള്ള ബന്ധമായി എടുത്താൽ

X	20	40	60	80	100	1200
	0	0	0	0	0	
Y	8	20	41	71	94	100

മധ്യമം എന്നത് $y = \frac{100}{2} = 50$ ആകുമ്പോഴുള്ള x വിലയാണ് $y = 50$ ന്റെ സ്ഥാനം പട്ടികയിൽ y

$= 41$ നും $y = 71$ നും ഇടയിലാണ്.

$y = 41$ ന് $x = 600$ ഉം $y = 71$ ന് $x = 800$ ഉം ആണ്.

ആനുപാതിക ബന്ധം ഉപയോഗിച്ച്

$$\frac{x - 600}{800 - 600} = \frac{50 - 41}{71 - 41}$$

$$\frac{x - 600}{200} = \frac{9}{30}$$

$$30(x - 600) = 9 \times 200$$

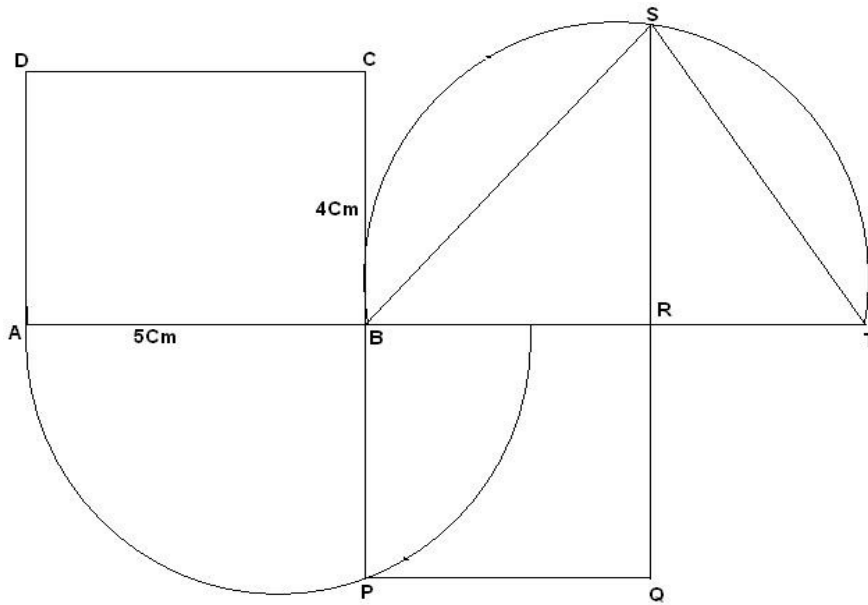
$$x - 600 = \frac{9 \times 200}{30}$$

$$x - 600 = 60$$

$$x = 60 + 600$$

$$= 660$$

മധ്യമം = 660



17.

a.

1. നീളം 5 സെ.മീ., 4 സെ.മീ. ഉള്ള ചതുരം ABCD വരയ്ക്കുന്നു.
2. AB യോട് BC യുടെ നീളം കൂട്ടി AB നീട്ടി AR വരയ്ക്കുക
3. AR വ്യാസമാകുന്ന രീതിയിൽ അർദ്ധവൃത്തം വരയ്ക്കുക
4. B യിൽ നിന്നും ലംബം വരച്ചു അർദ്ധവൃത്തത്തിലെ P എന്ന ബിന്ദുവുമായി യോജിപ്പിക്കുന്നു.
5. BP വശമായ സമചതുരം BPQR വരയ്ക്കുക

b.

1. സമചതുരം BPQR വരച്ചു BP യുടെ നീളം BR നോട് കൂട്ടി BR നീട്ടി BT വരയ്ക്കുന്നു
2. BT വ്യാസമായി അർദ്ധവൃത്തം വരയ്ക്കുക
3. R ൽ നിന്നും ലംബം വരച്ചു വൃത്തത്തിലെ S എന്ന ബിന്ദുവുമായി യോജിപ്പിക്കുന്നു
4. RS ഉയരമായി സമപാർശ്വത്രികോണം BST വരയ്ക്കുന്നു.

18. a. സംഖ്യ x എന്നിരിക്കട്ടെ

അതിന്റെ വ്യുൽക്രമം = $\frac{1}{x}$

$$\begin{aligned}
x + \frac{1}{x} &= \frac{25}{12} \\
\frac{x^2 + 1}{x} &= \frac{25}{12} \\
(x^2 + 1)12 &= 25x \\
12x^2 + 12 - 25x &= 0 \\
12x^2 - 25x + 12 &= 0 \\
x &= \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \\
&= \frac{25 \pm \sqrt{(25)^2 - 4 \times 12 \times 12}}{2 \times 12} \\
&= \frac{25 \pm \sqrt{625 - 576}}{24} \\
&= \frac{25 \pm \sqrt{49}}{24} \\
&= \frac{25 \pm 7}{24} \\
&= \frac{32}{24} \text{ or } \frac{18}{24} \\
&= \frac{4}{3} \text{ or } \frac{3}{4}
\end{aligned}$$

സംഖ്യ = $\frac{4}{3}$ or $\frac{3}{4}$

b. എല്ലാ പോസിറ്റീവ് സംഖ്യകളുമാണ് അധിസംഖ്യ.

അതായത് 1, $\frac{1}{2}$, 2, 3, 4, 5 etc.

ഏറ്റവും ചെറിയ അധി സംഖ്യ 1

1 ന്റെ വ്യുൽക്രമം = 1

1 ന്റെയും അതിന്റെ വ്യുൽക്രമത്തിന്റെയും തുക = $1+1=2$

2 ന്റെ വ്യുൽക്രമം = $\frac{1}{2}$

2 ന്റെയും അതിന്റെ വ്യുൽക്രമത്തിന്റെയും തുക = $2+\frac{1}{2}=2.5$

$\frac{1}{2}$ ന്റെയും അതിന്റെ വ്യുൽക്രമത്തിന്റെയും തുക = $\frac{1}{2}+\frac{2}{1}=2.5$ അതായത് ഒരു അധി

സംഖ്യയുടെയും അതിന്റെ വ്യുൽക്രമത്തിന്റെയും തുക എല്ലായ്പ്പോഴും 2 അല്ലെങ്കിൽ അതിൽ

കൂടുതൽ ആയിരിക്കും.

അല്ലെങ്കിൽ

അബു ഒരു ദിവസം ചെയ്യുന്ന ജോലി = $\frac{1}{x}$

ബാബു ഒരു ദിവസം ചെയ്യുന്ന ജോലി = $\frac{1}{x+6}$

രണ്ടുപേരും കൂടി ഒരുമിച്ചു ജോലി ചെയ്താൽ

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{x+6} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{x+6+x}{x(x+6)} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{2x+6}{x^2+6x} = \frac{1}{4}$$

$$4(2x+6) = x^2+6x$$

$$8x+24 = x^2+6x$$

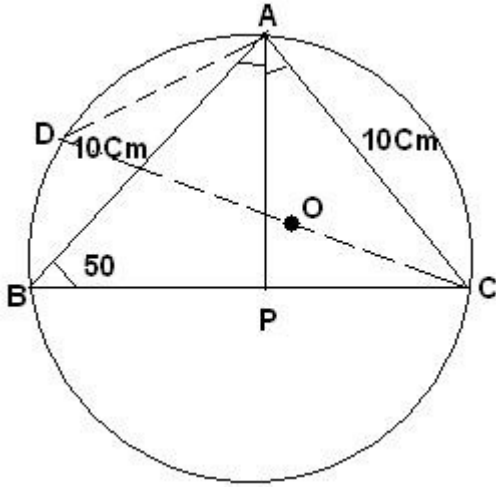
$$x^2+6x-8x-24=0$$

$$x^2-2x-24=0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$
$$= \frac{2 \pm \sqrt{4 - 4 \times 1 \times 24}}{2}$$
$$= \frac{2 \pm \sqrt{100}}{2}$$
$$= \frac{2 \pm 10}{2}$$
$$= \frac{12}{2} \text{ or } \frac{-8}{2}$$
$$= 6 \text{ or } -4$$

x ദിവസമായതിനാൽ x = 6

അബുവിന് 6 ദിവസവും ബാബുവിന് 12 ദിവസവും വേണം.



19.

$AB = BC = 10$ സെ.മീ.

$\angle B = \angle C = 50^\circ$ ($AB = BC$)

CD വൃത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രത്തിലൂടെ വരച്ച $\triangle ACD$ നിർമ്മിക്കുക.

$\therefore \angle A = 90^\circ$ $\angle B = \angle D = 50^\circ$

a. $\triangle ABP$ യിൽ

$AB = 10$ സെ.മീ.

$\cos \theta = \frac{\text{സമീപവശം}}{\text{കർണം}}$

$$\cos 50^\circ = \frac{BP}{AC}$$

$$0.64 = \frac{BP}{AC}$$

$$BP = AC \times 0.64$$

$$= 10 \times 0.64$$

$$= 6.4 \text{ Cm}$$

$$BC = 2 \times BP$$

$$= 2 \times 6.4$$

$$= 12.8 \text{ Cm}$$

b. $\triangle CDA$ യിൽ

$\sin \theta = \frac{\text{എതിർവശം}}{\text{കർണം}}$

$$\sin 50^\circ = \frac{AC}{CD}$$

$$0.77 = \frac{10}{CD}$$

$$CD \times 0.77 = 10$$

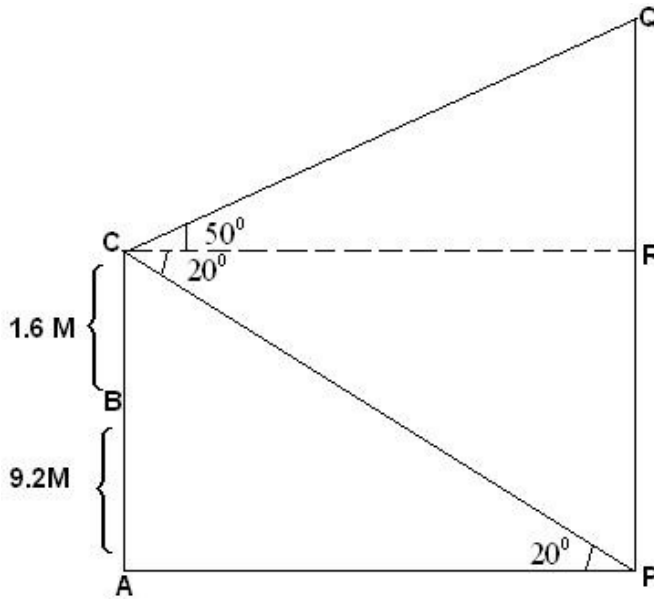
$$CD = \frac{10}{0.77}$$

$$= 12.99 \text{ Cm}$$

അതായത് CD = വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസം

CD = 12.99 സെ.മീ.

അല്ലെങ്കിൽ



a.

AB = കെട്ടിടത്തിന്റെ ഉയരം = 9.2 മീറ്റർ

BC = ഹരിയുടെ ഉയരം = 1.6 മീറ്റർ

AP = കെട്ടിടത്തിൽ നിന്ന് ടവറിലേക്കുള്ള ദൂരം

PQ = ടവറിന്റെ ഉയരം

b. AC = AB+BC

= 9.2+1.6 = 10.8 മീറ്റർ

$$\angle APC = 20^\circ$$

$$\frac{\text{എതിർവശം}}{\text{സമീപവശം}} = \tan 20^\circ$$

$$\text{ie, } \frac{AC}{AP} = \tan 20$$

$$\frac{10.8}{AP} = 0.36$$

$$AP = \frac{10.8}{0.36} = 30M$$

അതായത് കെട്ടിടത്തിൽ നിന്നും ടവറിലേക്കുള്ള അകലം = 30 മീറ്റർ

$$c. AP=RC=30 \text{ മീറ്റർ}$$

$$AC = PR = 10.8 \text{ മീറ്റർ}$$

$$\frac{RQ}{RC} = \tan 50$$

$$\frac{RQ}{30} = 1.19$$

$$RQ = 1.19 \times 30 = 35.7M$$

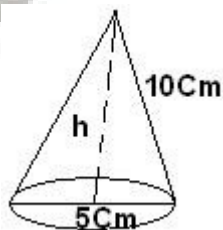
$$\text{ടവറിന്റെ ഉയരം} = PR + RQ$$

$$= 10.8 + 35.7$$

$$= 46.5 \text{ മീറ്റർ}$$

$$\text{ടവറിന്റെ ഉയരം} = 46.5 \text{ മീറ്റർ}$$

20. വൃത്തസ്തൂപികയുടെ ചരിവുയരം = 10 സെ.മീ.



$$\text{ചരവ്യാസം} = 10 \text{ സെ.മീ.}$$

$$\therefore \text{ആരം} = \frac{10}{2} = 5 \text{ സെ.മീ.}$$

$$\begin{aligned}
 h &= \sqrt{10^2 - 5^2} \\
 &= \sqrt{100 - 25} \\
 &= \sqrt{75} \\
 &= 5\sqrt{3}
 \end{aligned}$$

ഉയരം

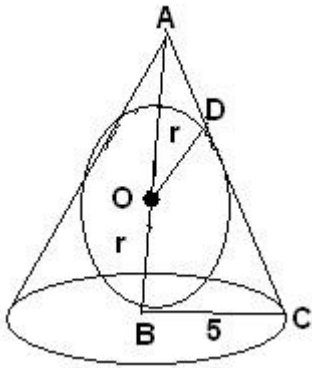
$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{3} \pi r^2 h \\
 &= \frac{1}{3} \pi 25 \times 5\sqrt{3} \\
 &= \frac{1}{3} \pi 125\sqrt{3} \\
 &= \frac{125\sqrt{3}\pi}{3} \\
 &= \frac{125 \times 1.73 \times 3.14}{3}
 \end{aligned}$$

വ്യാപ്തം = 226.34

ഘനം സെന്റീമീറ്റർ

$$= \frac{4}{3} \pi r^3$$

b. ഗോളത്തിന്റെ വ്യാപ്തം



പരമാവധി വലിപ്പമുള്ള ഗോളത്തിന്റെ ആരം ആയാൽ

ΔAOD , ΔABC എന്നിവ സദൃശ്യത്രികോണങ്ങളാണ്.

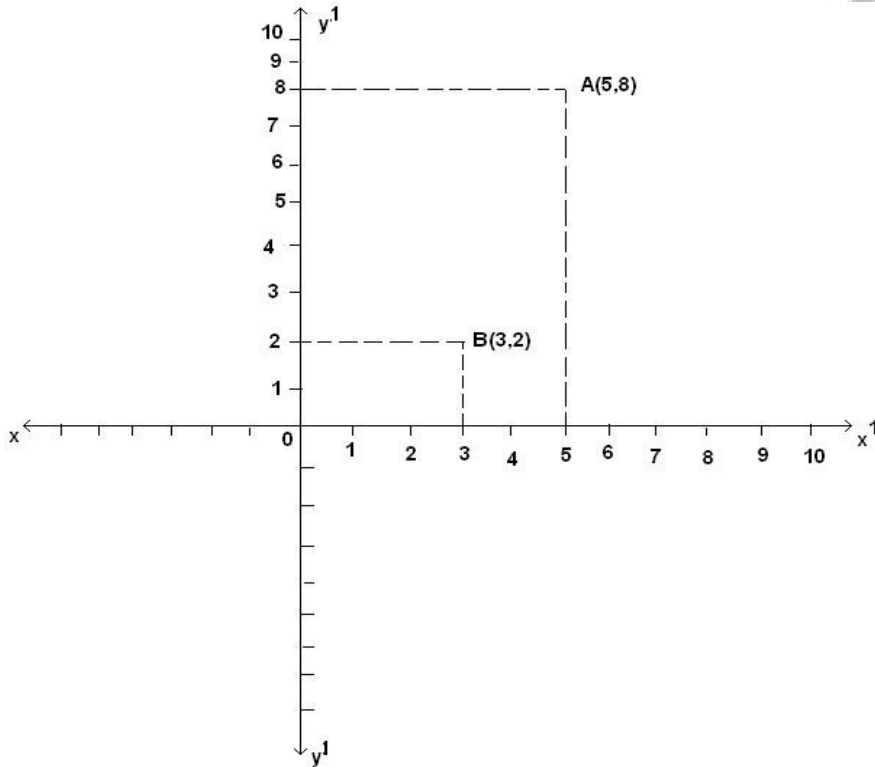
$$\begin{aligned}
 \frac{r}{5} &= \frac{5\sqrt{3} - r}{10} \\
 10r &= 25\sqrt{3} - 5r \\
 15r &= 25\sqrt{3} \\
 r &= \frac{25\sqrt{3}}{15} = \frac{5\sqrt{3}}{3} \text{ Cm}
 \end{aligned}$$

പരമാവധി വലിപ്പമുള്ള ഗോളത്തിന്റെ ആരം = $\frac{5\sqrt{3}}{3} \text{ Cm}$

$$= \frac{4}{3} \pi \times \left(\frac{5\sqrt{3}}{3} \right)^3$$

$$= \frac{5000\pi\sqrt{3}}{3}$$

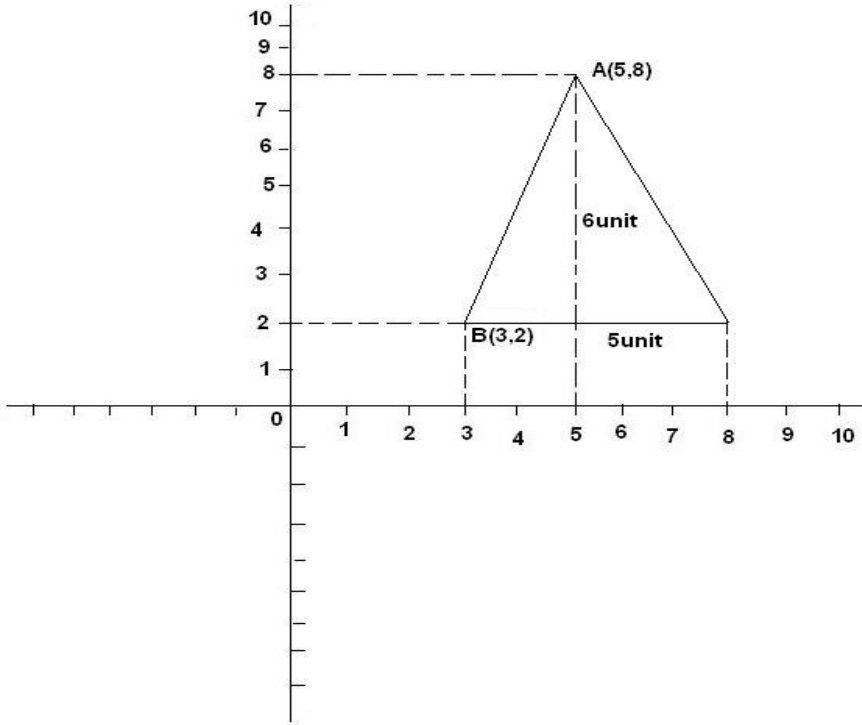
ഗോളത്തിന്റെ വ്യാപ്തം = 905.37 Cm^3



21. a.

b. BC എന്ന വശം x അക്ഷത്തിനു സമാന്തരമായി വരത്തക്കവിധം ത്രികോണം വരച്ചാൽ അതിന്റെ ഉയരം = 6 യൂണിറ്റ്

c. പരപ്പളവ് 15 ചതുരശ്ര യൂണിറ്റ്



$$\text{പരപ്പളവ്} = \frac{1}{2} AD \times BC$$

$$= \frac{1}{2} 6 \times BC$$

$$= 3BC = 15$$

$$BC = 5 \text{ യൂണിറ്റ്}$$

22. a. (4,2) എന്ന ബിന്ദു $4x-3y-10=0$ എന്ന വരയിലാണെങ്കിൽ

$$4 \times 4 - 3 \times 2 - 10 = 0$$

$$16 - 6 - 10 = 0$$

$$16 - 16 = 0$$

\therefore (4,2) എന്ന ബിന്ദു $4x - 3y - 10 = 0$ എന്ന വരയിലാണ്.

$x = 0$ ആയാൽ $y = -10/3$ വരയിലെ മറ്റൊരു ബിന്ദുവാണ് $(0, -10/3)$

b. വരയുടെ സമവാക്യം $4x - 3y - 10 = 0$

വരയിലെ രണ്ടു ബിന്ദുക്കൾ (x_1, y_1) (x_2, y_2) എന്നെടുത്താൽ

$$4x_1 - 3y_1 - 10 = 0$$

$$4x_2 - 3y_2 - 10 = 0 \text{ എന്ന് കിട്ടും}$$

$$\therefore 4x_1 - 3y_1 - 10 - (4x_2 - 3y_2 - 10) = 0$$

$$4x_1 - 3y_1 - 10 - 4x_2 + 3y_2 + 10 = 0$$

$$4x_1 - 3y_1 - 4x_2 + 3y_2 = 0$$

$$4(x_1 - x_2) - 3(y_1 - y_2) = 0$$

$$4(x_1 - x_2) = 3(y_1 - y_2)$$

$$\frac{x_1 - x_2}{y_1 - y_2} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2} = \frac{4}{3}$$

അതായത്

$$\therefore \text{വരയുടെ ചരിവ്} = \frac{4}{3}$$

$$c. \text{ ചരിവ്} = \frac{4}{3}$$

$$\text{ബിന്ദു} = (3, 5)$$

(3, 5) എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെ ചരിവ് $\frac{4}{3}$ ആയി വരയ്ക്കുന്ന വരയുടെ സമവാക്യം

ഈ വരയിലെ ഏതു ബിന്ദു (x, y) എടുത്താലും

$$\frac{y - 5}{x - 3} = \frac{4}{3}$$

അതായത്

$$3(y - 5) = 4(x - 3)$$

$$3y - 15 = 4x - 12$$

$$4x - 12 - 3y + 15 = 0$$

$$4x - 3y + 3 = 0$$

$$\text{വരയുടെ സമവാക്യം} = 4x - 3y + 3 = 0$$